矩阵作业

一、填空题

1. 设
$$A=\begin{bmatrix}1&-1&1\\1&1&-1\end{bmatrix}$$
, $B=\begin{bmatrix}1&2&3\\-1&-2&4\end{bmatrix}$, 则 $A+2B=\begin{bmatrix}&&&&\\&&&&&\\&&&&&&\\&&&&&&\end{bmatrix}$

2. 设
$$A=\begin{bmatrix}1&-1&3\\2&0&1\end{bmatrix}$$
, 则 $A^T=\begin{bmatrix}&&&\\&&1\end{bmatrix}$, 則 $A^TB=\begin{bmatrix}&&\\0&1\end{bmatrix}$

3. 设
$$A=egin{bmatrix}2&-1\-1&1\end{bmatrix}$$
, 则 A 的逆矩阵 $A^{-1}=egin{bmatrix}$

4. 设
$$A=\begin{bmatrix}2&-1\\-1&0\\-1&1\end{bmatrix}$$
, $B=\begin{bmatrix}2&-1&0\\-1&0&-1\end{bmatrix}$, 则 $AB=\begin{bmatrix}0&-1&0\\-1&0&-1\end{bmatrix}$

5. 设
$$A = \begin{bmatrix} a & b & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & c \end{bmatrix}$$
是一个单位矩阵,则 $a =$ ______, $b =$ ______, $c =$ ______

二、计算题

1. 设
$$A=\begin{bmatrix}2&3&4\\1&0&2\end{bmatrix}$$
, $B=\begin{bmatrix}-2&1&-1\\3&0&3\end{bmatrix}$, 求 $(A-B)^T$

2. 设
$$A = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 0 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$
, $B = \begin{bmatrix} 2 & -1 & 0 \\ -1 & 0 & -1 \end{bmatrix}$,求 AB 和 BA 分别是多少?

3. 设
$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \ -1 & 0 \end{bmatrix}$$
, 求 A^T 和 A^{-1}

4. 设
$$A = egin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \ 0 & 2 & 0 \ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$$
, 求 A 的逆矩阵 A^{-1} .

5. 请写出杨辉三角的前9行及递推公式 (用二维矩阵表示)

$$a[i][j] =$$